## Quadrieren - Wurzeln - Zehnerpotenzen

1 Bist du fit im Kopfrechnen? Löse folgende Aufgaben im Kopf.

Lösung 1

a) 
$$7^2 = 49$$

b) 
$$14^2 = 196$$

c) 
$$(-12)^2 = 144$$

d) 
$$\sqrt{49} = 7$$

e) 
$$\sqrt{256}$$
 = 16

f) 
$$0.4^2 = 0.4 \cdot 0.4 = 0.16$$

g) 
$$\sqrt{-81}$$
 - eine negative Wurzel ist nicht lösbar

Was fällt dir auf, wenn du die Ergebnisse vergleichst?

Lösung 2

a) 
$$\sqrt{144} = 12$$

b) 
$$\sqrt{1.44} = 1.2$$

c) 
$$\sqrt{14.400}$$
 = 120

d) 
$$\sqrt{0.0144}$$
 = 0.12

Erkenntnis: Die Ziffernfolge im Ergebnis ist immer gleich, nur die Kommastelle ist unterschiedlich.

③ Diese Zahlen kannst du nur annäherungsweise zuordnen. Versuche, die Zahlen so genau wie möglich zuzuordnen.

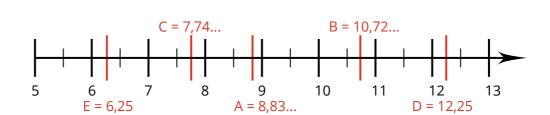
$$A = \sqrt{78}$$

$$B = \sqrt{115}$$

$$C = \sqrt{60}$$

$$D = 3,5^2$$

$$E = (-2,5)^2$$



(4) Zwischen welchen natürlichen Zahlen liegen folgende Wurzeln? Welcher der beiden Zahlen ist die Wurzelzahl näher?

Lösung 4

Das Ergebnis mit dem Taschenrechner liegt bei ...

a) ca. 5,29 - also zwischen 5 und 6, jedoch näher an 5

b) ca. 12,25 - also zwischen 12 und 13, jedoch näher an 12

c) ca. 9,38 - also zwischen 9 und 10, jedoch näher an 9

d) ca. 17,32 - also zwischen 17 und 18, jedoch näher an 17

(5) Schreibe als Zehnerpotenz oder Zahl.

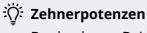
```
Lösung 5
a) 10^5 = 100.000
b) 5 \cdot 10^4 = 5 \cdot 10.000 = 50.000
c) 2.54 \cdot 10^3 = 2.54 \cdot 1.000 = 2.540 (Überschlag: 2 \cdot 1.000 = 2.000)
d) 13,08 \cdot 10^5 = 13,08 \cdot 100.000 = 1.308.000
e) 100.000.000 = 10^8
f) 23.000.000 = 23 \cdot 10^6 = 2.3 \cdot 10^7
g) 6.750.000 = 6,75 \cdot 10^6
```

(6) Löse die Additions- und Subtraktionsaufgaben schriftlich.

```
(Lösung 6
a) 10^5 - 10^3 = 100.000 - 1.000 = 99.000
b) 10^6 + 10^4 = 1.000.000 + 10.000 = 1.010.000
c) 2.5 \cdot 10^4 - 1.8 \cdot 10^2 = 2.5 \cdot 10.000 - 1.8 \cdot 100 = 25.000 - 180 = 24.820
d) 12,05 \cdot 10^3 + 2,8 \cdot 10^5 = 12,05 \cdot 1.000 + 2,8 \cdot 100.000 = 12.050 + 280.000 = 292.050
e) 20.5 \cdot 10^3 - 2.03 \cdot 10^4 = 20.5 \cdot 1.000 - 2.03 \cdot 10.000 = 20.500 - 20.300 = 200
f) 312,05 \cdot 10^3 + 72,6 \cdot 10^4 = 312,05 \cdot 1.000 + 72,6 \cdot 10.000 = 312.050 + 726.000 = 1.038.050
```

(7) Schreibe die Zahl als Summe von Zehnerpotenzen.

```
Lösung 7
a) 110.010 = 10^5 + 10^4 + 10^1
b) 100.010.100 = 10^8 + 10^4 + 10^2
c) 10.000.100.000 = 10^{10} + 10^5
d) 1.101.000.001 = 10^9 + 10^8 + 10^6 + 10^0
```



Denke daran: Bei den Zehnerpotenzen gibt dir der **Exponent** (also die Hochzahl) immer die Anzahl der Nullen an, die hinter der 1 stehen. Beim Multiplizieren hilft dir ein Überschlag weiter.



